

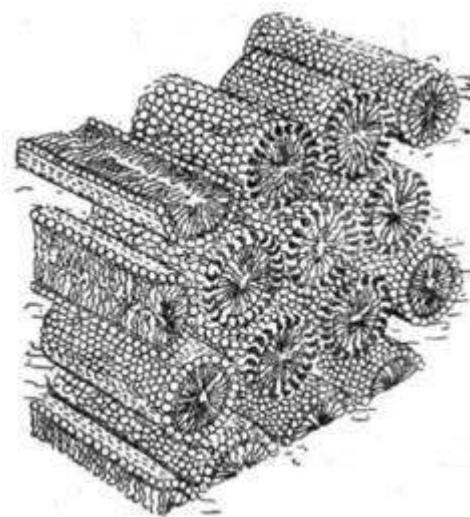
*H. Dmitry*

# OPUS MAGNA SUB COLLOID CHEMIAE

*IN LII LIBROS*

*qua nova & universali methodo*

*Per Artificiosum Combinationum Contextum de omni  
reproposita plurimis & Prope infinitis rationibus disputari,  
omniumque summaria quadam cognitio comparari potest*



*ET MANUSCRIPT, MMXV*

N1.

Коллоидная система: микрогетерогенные системы с числом фаз  $\geq 2$  в которых минимум одна фаза находится в дисперсном состоянии.

меры раздробленности:  $r$  - средний радиус

$$D = \frac{\text{раздел}}{\sqrt{\text{частич}}} - \text{дисперсность } S_{\text{дис}} = \frac{S}{m}$$

классификация:

а) по размеру / дисперсности:

1. грубодисперсные  $r > 1 \text{ мкм}$   $S_d < 1 \text{ м}^2/\text{г}$
2. тонкодисперсные  $r < 1 \text{ мкм}$   $S_d > 1 \text{ м}^2/\text{г}$
3. мицодисперсные  $r \approx 1-10 \text{ нм}$   $S_d \approx 1000 \text{ м}^2/\text{г}$

б) по агр. состоянию дисп. среды и дисп. фазы

дисп. среда		жидкая	газообр.	твердая
дисп. фаза	среда			
твердая	т/ж золы, гели, суспензии	т/г дымы пыли		сплавы, породы
жидкая	* <sub>1</sub> / <sub>2</sub> эмульсии	* <sub>1</sub> /г туманы		* <sub>1</sub> /т клетки?
газообр.	г/* пены			г/т твердые пены (пензы)

в) по связности:

1. связнодисперсные - дисп. фаза образует простр. структуры уст. во времени
2. свободнодисперсные - частицы дисп. фазы независимы и участвуют в тепловом движении.

г) по концентрации:

1. разбавленные
2. концентрированные  $\rightsquigarrow$  В т. к. конц почти всегда связнодисп.

д) по  $T/g$  устойчивости:

1. лиофильные -  $T/g$  устойчивы, высокодисперсны, обр. самопроизвольно
2. лиофобные -  $T/g$  неустойчивы из-за избытка энергии. Склонны к протеканию процессов уменьшающих св. энергию  $\Rightarrow$  снижается дисперсность во времени.

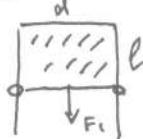
время жизни - среднее время уст. лиофобных систем.

Особенности:

БОЛЬШАЯ  $S_{\text{дис}}$  и, следовательно, пов. энергия, высокая роль пов. эффектов.

№2.

Св. поверхностная энергия:  $F_s = \frac{\partial F}{\partial S} S = \tilde{G} S$ ,  $\tilde{G}$  - поверхностное напряжение.  
 О можно также трактовать как тангенциальную к поверхности силу, препятствующую увеличению площади поверхности.



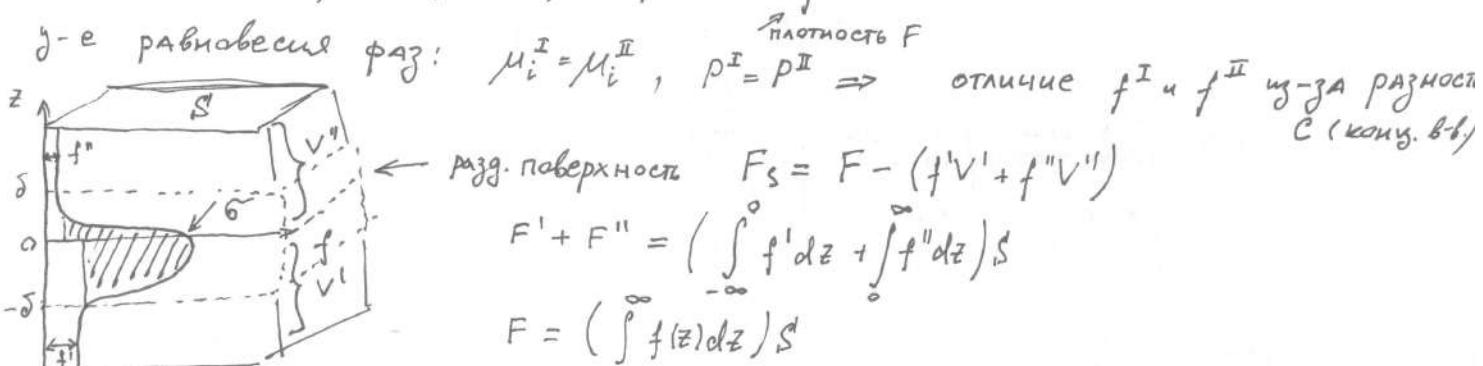
$$\Delta F_s = 2\tilde{G}ld$$

$$F_s = \frac{\Delta F_s}{\Delta l} 2\tilde{G}d = F_s$$

опыт @юпре.

метод изб. величин Гибеса:

$$F = G - pV = \mu N - pV = (\mu c - p)V = fV$$



$$\Psi = \frac{F - (F' + F'')}{S} = \int_{-\infty}^0 f(z) - f'(z) dz + \int_0^\infty f(z) - f''(z) dz = \int_{-\delta}^0 f(z) - f'(z) dz + \int_0^\delta f(z) - f''(z) dz$$

Если  $\Psi$  опр. для эквимолекуларной поверхности, то оно совпадает с  $\tilde{G}$ !

Другие пов. Т/г величины:

$$F = U - TS \Rightarrow \tilde{G} = E_e - T\gamma$$

$\uparrow$   $\uparrow$   
 удельный избыток внутр. эн.      удельный избыток энтропии

$$\begin{cases} \gamma = - \frac{d\tilde{G}}{dT} \\ E_e = \tilde{G} - T \frac{d\tilde{G}}{dT} \end{cases}$$

Эмпирически показано, что  $E_e \neq f(T)$  и  $\gamma \neq f(T) \Rightarrow$  зависимость  $\tilde{G} = f(T)$  линейна.

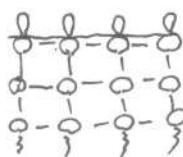
Поверхность разрыва - неоднородный слой нанометр. толщины в котором св-ва меняются от значений  $\Phi_I$  до значений  $\Phi_{II}$

Разделяющая поверхность - усл. геометрическая граница  $\Phi_I$  и  $\Phi_{II}$

Поверхность напряжения - разделяющая поверхность с мин  $\tilde{G}$ .

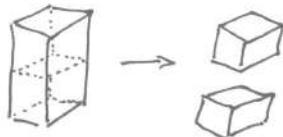
### §3 §, РАБОТА КОГЕЗИИ, МЕЖМОЛЕКУЛЯРНОЕ ВЗАИМОДЕЙСТВИЕ.

Рассмотрим приповерхностный слой конд. фазы:



приповерхностный слой не имеет коорд. масы иенется  $\Rightarrow$  его молекулы обладают избыточными (некомпенсированными) связями.

Введем  $W_k$  - работу когезии. (работа разрыва молек. связей конд. фазы в виде столбика единичного сечения).



$$W_k = 2\tilde{\sigma} = n_s Z_s |U_{11}|$$

↑  
число молекул    ↑  
коорд. число    ↓  
энергия мол. взаим.

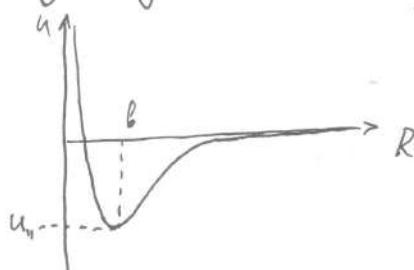
$$\tilde{\sigma} = \frac{1}{2} W_k = \frac{1}{2} n_s Z_s |U_{11}|$$

у-е Стефана:

$$n_s \approx V_m^{-2/3} = \left( \frac{V_m}{N_A} \right)^{-2/3} \Rightarrow \tilde{\sigma} \approx \frac{H_{\text{иеп}}}{V^{2/3} N_A^{1/3}} \cdot \frac{Z_s}{Z}$$

Помогает оценить  $\tilde{\sigma}$  для твердых не хрупких тел.

взаимодействие молекул:



$U = \frac{a_1}{R^6} + \frac{b_1}{R^{12}}$  - потенциал Ленарда-Джонса.

↑  
притяжение    ↑  
отталкивание

$$a_1 = a_{\text{дип}} + a_{\text{инд}} + a_{\text{дисп.}}$$

$$a_{\text{дип}} \sim \mu^4, \mu - \text{дипольный момент}$$

$$a_{\text{инд}} \sim \mu^2 d_m^2, d_m - \text{поляризуемость молекулы}$$

$$a_{\text{дисп.}} = \frac{3}{4} h \tilde{\sigma} d_m^2$$

Дисперсионные взаимодействия диполей. мин энергия взаимного возбуждения. аддитивны и опр. притяжением всех пар возникающих

$$U_{\text{мол}} = -\frac{A_{11}}{12\pi h^2}, A_{11} = \pi^2 n^2 a_1 - \text{константа Гамакера. } [\Omega_*],$$

$$-W_k = \lim_{h \rightarrow b} U_{\text{мол}} = \frac{A_{11}}{24\pi b^2}$$

$h$  - расстояние между молекулами.

$$\tilde{\sigma} = \tilde{\sigma}_{\text{дисп.}} + \tilde{\sigma}_{\text{недисп.}} - \text{у-е Фоукса}$$

$\tilde{\sigma}_{\text{недисп.}}$  включает, Н-связи, диполи, заряды и т.д.

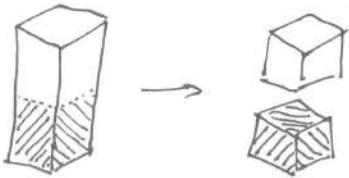
$$\tilde{\sigma}_{\text{дисп.}} \approx 20 \text{ мН/м}^2 = \tilde{\sigma}_{\text{углеводородов}}$$

$$\tilde{\sigma}_{\text{пол.}} = \tilde{\sigma}_{\text{дисп.}} + \tilde{\sigma}_{\text{недисп.}} = 20 \text{ мН/м}^2 + \tilde{\sigma}_{\text{недисп.}}$$

Ресть всегда у всех молекул, но 6% может быть мал.

## NЧ межфазное напряжение и работа адгезии, правило Антонова.

$W_a$  - работа адгезии, Работа разделения (изотермического) двух конденсированных фаз вдоль межфазной границы единичной площади.



$$W_a = \tilde{\sigma}_1 + \tilde{\sigma}_2 - \tilde{\sigma}_{12}, \quad \tilde{\sigma}_1 \text{ и } \tilde{\sigma}_2 \text{ - поверхностные напряжения на границе фаз с газом соотв.}$$

a) полная взаимная нерастворимость:

$$\begin{array}{c} \text{AAAAA} \\ \text{BBB BB} \end{array} \quad W_a = W_{AB} = -\chi_{AB} Z_S n_S \Rightarrow \tilde{\sigma}_{12} = \tilde{\sigma}_1 + \tilde{\sigma}_2 - W_a = \frac{1}{2} Z_S n_S (-\chi_{AA} - \chi_{BB} + 2\chi_{AB}) = \frac{Z_S}{2} n_S \chi_0$$

$$\chi_0 = Z (\chi_{AB} - \frac{1}{2} (\chi_{AA} + \chi_{BB}))$$

b) заметная взаимная растворимость:

б) меньше чем в случае (a)

ABAAB связи лучше скомпенсированы.  $\Rightarrow W_a$  становится больше.

из  $\tilde{\sigma}$  можно выделить  $\tilde{\sigma}_{\text{цеп}}$  и  $\tilde{\sigma}_{\text{недцеп}}$

$$\tilde{\sigma}_{12 \text{ гцеп}} = \frac{A_A + A_B - A_{AB}}{24\pi b^2} = \frac{A^*}{24\pi b^2}, \quad A^* - \text{сложная константа Гамакера},$$

$$A_{AB} \sim \alpha_A \alpha_B n_A n_B \sim \alpha_A \alpha_B n_A^2 \sim \sqrt{A_A A_B} \Rightarrow A^* = A_A + A_B - 2\sqrt{A_A A_B} = (\sqrt{A_A} - \sqrt{A_B})^2$$

$$\tilde{\sigma}_{12 \text{ гцеп}} = (\sqrt{\tilde{\sigma}_{1 \text{ гцеп}}} - \sqrt{\tilde{\sigma}_{2 \text{ гцеп}}})^2$$

$$\tilde{\sigma}_{12} = (\sqrt{\tilde{\sigma}_{1 \text{ гцеп}}} - \sqrt{\tilde{\sigma}_{2 \text{ гцеп}}})^2 + \tilde{\sigma}_{12 \text{ недцеп}}$$

Если одна фаза неполярна -  $\tilde{\sigma}_{12 \text{ недцеп}} = \tilde{\sigma}_{1 \text{ недцеп}}$   
Если обе -  $\tilde{\sigma}_{12 \text{ недцеп}} \approx 0$ .

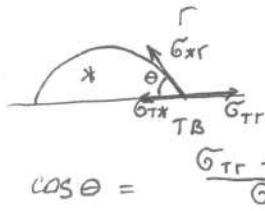
правило Антонова:

$$\tilde{\sigma}_{12} = \tilde{\sigma}_1 - \tilde{\sigma}_2, \quad \tilde{\sigma}_1 - \text{для более полярной фазы} \\ \tilde{\sigma}_2 - \text{для менее полярной фазы.}$$

$$W_a = \tilde{\sigma}_1 + \tilde{\sigma}_2 - \tilde{\sigma}_{12} = \tilde{\sigma}_1 + \tilde{\sigma}_2 - \tilde{\sigma}_1 + \tilde{\sigma}_2 = 2\tilde{\sigma}_2 = W_{k(2)}$$

работа когезии  
менее полярной  
жидкости.

№5. Смачивание, закон Юнга, краевой угол, 1/2 условия смачивания, ПАВ и кр. угла.



$\theta$  - краевой угол смачивания.

у-е механического равновесия:

$$\tilde{G}_{Tr} = \tilde{G}_{T*} + \tilde{G}_{*r} \cos \theta$$

(у-е Юнга).

$$\cos \theta = \frac{\tilde{G}_{Tr} - \tilde{G}_{T*}}{\tilde{G}_{*r}}$$



вытащим пластинку на  $\Delta h$  поднимается пав.  $\tilde{G}_{Tr}$   
исчезает пав.  $\tilde{G}_{T*}$   
именьшается пав  $\tilde{G}_{*r}$

$$\Delta F_s = (\tilde{G}_{Tr} - \tilde{G}_{T*}) \frac{\Delta h}{\sin \theta} - \tilde{G}_{*r} \frac{\Delta h}{\tan \theta}$$

в равновесии  $\Delta F_s = 0$

$$(\tilde{G}_{Tr} - \tilde{G}_{T*}) \frac{\Delta h}{\sin \theta} = \tilde{G}_{*r} \frac{\Delta h}{\tan \theta}$$

$$\frac{\tilde{G}_{Tr} - \tilde{G}_{T*}}{\tilde{G}_{*r}} = \frac{\sin \theta}{\tan \theta} = \cos \theta \text{ ктг.}$$

1.  $\theta < 90^\circ \cos \theta > 0$  - смачивание

2.  $\theta > 90^\circ \cos \theta < 0$  - несмачивание

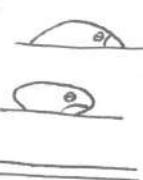
3.  $\theta = 90^\circ$  - растекание

$$w_a = \tilde{G}_1 + \tilde{G}_2 - \tilde{G}_{12} \quad w_k = \frac{1}{2} \tilde{G}_2$$

$$\tilde{G}_{Tr} > \tilde{G}_{T*}$$

$$\tilde{G}_{Tr} < \tilde{G}_{T*}$$

$$\tilde{G}_{Tr} > \tilde{G}_{T*} + \tilde{G}_{*r}$$



$$\frac{1}{2} w_k < w_a < w$$

$$w_a < \frac{1}{2} w_k$$

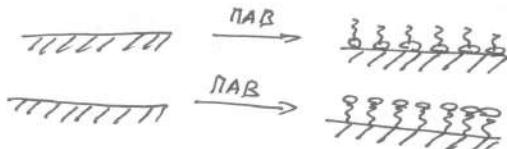
з-е Юнга-Юнга.  $\cos \theta = \frac{w_a - \tilde{G}_2}{\tilde{G}_2}$

$$\frac{w_a - \frac{1}{2} w_k}{\frac{1}{2} w_k} = \frac{w_a - \frac{1}{2} w_k}{\frac{1}{2} w_k} = \frac{2w_a - w_k}{w_k}$$

отражает родственность  
жидкости и поверхности.

Влияние ПАВ на  $\theta$ :

гидрофобизирующий  
гидрофилизирующий



$\cos \theta$  увеличился (влоть до раст.

вода начинает смачивать

№6. избирательное смачивание, закон Юнга, гидрофильные и гидрофобные поверхности.

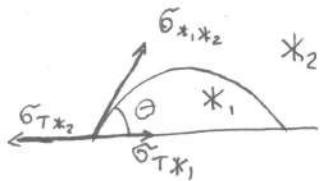


схема изб. смачивания в системе из двух несм. жидкостей (напр  $H_2O - YB$ ).

$$\cos \theta = \frac{\tilde{G}_{T*1} - \tilde{G}_{T*2}}{\tilde{G}_{*,*2}}$$

Если обе жидкости по отдельности смачивают поверхность, то при их обединении возникнет конкуренция за поверхность.

Возникающий угол  $\theta$  отвечает лучшему смачиванию более родственной жидкостью.

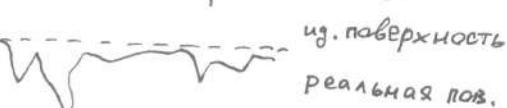
Если  $*_1 = H_2O$  и  $*_2 = YB$ , то при  $\theta < 90^\circ$  — гидрофильная поверхность  
 $\theta > 90^\circ$  — гидрофобная поверхность.

Примеры: гидрофильные —  $SiO_2$ , алюминиаты,  $M(OH)_x$   
 гидрофобные — тefлон, твердые  $YB$ , баски.

удельная теплота смачивания:

$H_B$  и  $H_m$  (вода, масло соотв). — энергия, выделяемая при смачивании единичной поверхности.

характеристика средства:  $\beta = \frac{H_B}{H_m}$ ,  $\beta > 1$  гидрофи,  $\beta < 1$  гидрофоб.



$$K_w = \frac{S_{\text{иск}}}{S_{\text{исг}}} = \frac{d/\cos X}{d} = \frac{1}{\cos X}$$

$d$  — ширина бороздки (середина канавки).  
 $X$  — угол между из. поверхностью и стороной канавки.

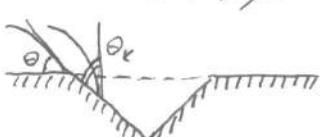
$$W_a = K_w (\tilde{G}_{Tr} - \tilde{G}_{Tx}) + \tilde{G}_{*r}$$

$$\cos \theta_{\text{зрф}} = \frac{K_w (\tilde{G}_{Tr} - \tilde{G}_{Tx})}{\tilde{G}_{*r}} = \frac{\tilde{G}_{Tr} - \tilde{G}_{Tx}}{\tilde{G}_{*r} \cos X} = \frac{\cos \theta}{\cos X} \Rightarrow \begin{aligned} \text{неровности усиливают смачивание или} \\ \text{усиливают несмачивание (смотря что было).} \end{aligned}$$

Гистерезис смачивания — способность жидкости обходиться несколько метастабильных углов, отличных от угла смачивания



$\theta_r$  — угол натекания



$\theta_d$  — угол оттекания.

неровности усиливают гистерезис.

## N7. Капиллярное давление, закон Лапласа и его следствия.

Если две фазы разделены плоской поверхностью, то в условиях равновесия давления в контактирующих фазах равны. Однако если поверхность искривлена, то давления различны.

В равновесии  $G = G_{\min} \Rightarrow dG = 0$

$$dG = -\Delta P dV + d(\tilde{\sigma}S) = -\Delta P dV + \tilde{\sigma} dS + S d\tilde{\sigma} = 0$$

$\Delta P = \rho' - \rho''$  разность давлений в капле и паре.

Выберем разделяющую поверхность так, что  $d\tilde{\sigma} = 0$  (это всегда возможно).

$$-\Delta P dV + \tilde{\sigma} dS = 0$$

$$\tilde{\sigma} dS = \Delta P dV$$

$$\Delta P = \tilde{\sigma} \frac{dS}{dV}$$

$$\begin{cases} dS = 2 \cdot 4\pi r^2 d\gamma \\ dV = \frac{4}{3} \cdot 3\pi r^2 d\gamma \end{cases}$$

у-е Лапласа -  $\Delta P = \frac{2\tilde{\sigma}}{r}$  если давление возникает на сферической поверхности.  
капиллярное давление.

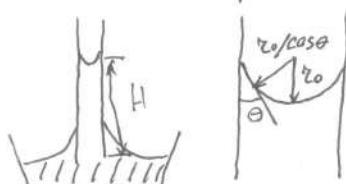
В общем случае для несферической поверхности  $\Delta P = \tilde{\sigma} \left( \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right)$ .

Капли можно считать сферическими если  $r^2 \ll \frac{2\tilde{\sigma}}{(\rho' - \rho'')g}$

$\rho'$  - плотность жидкости  
 $\rho''$  - плотность газа.

следствие:

а) Капиллярное поднятие

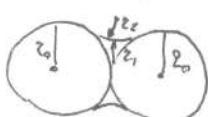


Если жидкость смачивает, то мениск выпуклый вниз и давление под мениском понижено отн. поверхности  $\Rightarrow$  мениск поднимается пока не уравновесится

$$P_0 = H(\rho' - \rho'')g$$

$$H = \frac{P_0}{(\rho' - \rho'')g} = \frac{2\tilde{\sigma} r_0 \cos \theta}{r_0 g (\rho' - \rho'')} \quad - \text{у-е Жюрина}$$

б) Капиллярное стягивание:  $H$  - высота столба



$$F_1 = -\pi r_1^2 \tilde{\sigma} \left( \frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_0} \right) \quad - \text{сила от капр. давления}$$

$$F_2 = 2\pi r_2 \tilde{\sigma} \quad - \text{сила от поверхностного натяжения в верт. плоскости}$$

$$F = F_1 + F_2 = \pi r_1 r_2 \tilde{\sigma} \left( 1 - \frac{r_1}{r_0} \right) \quad F_{\max} \text{ при "исчезающем" мениске}$$

если  $r_0 \rightarrow 0$

если цилиндр  $r_2 \rightarrow \infty$   $F = 2\pi r_0 \tilde{\sigma}$

если  $r_1 = r_2 = 2r_0$   $F = 0$

в) у-е Кельвина (Томпсона).

$\Delta \mu' = \frac{2\tilde{\sigma}}{r} V_m$  - увеличение потенциала жидкости из-за повышенного давления.

$\Delta \mu'' = RT \ln \frac{P(r)}{P_0}$  - увеличение потенциала пара, равновесного капле

$$\frac{2\tilde{\sigma}}{r} V_m = RT \ln \frac{P(r)}{P_0}$$

$$P(r) = P_0 \exp \left( \frac{2\tilde{\sigma} V_m}{r R T} \right)$$

$$\frac{P_0}{K} \approx \pm \frac{2\tilde{\sigma} V_m}{r R T}$$

$P_0$  - лапласово давление  
 $K$  - внутр. давление.

№8 влияние кривизны на давление и растворимость, изучить методы.

а) на давление

$$\mu' = \frac{2\sigma}{\gamma} V_m$$

$$\mu'' = RT \ln \frac{P(\gamma)}{P_0}$$

$$\frac{2\sigma}{\gamma} V_m = RT \ln \frac{P(\gamma)}{P_0}$$

$$P(\gamma) = \exp \left( \frac{2\sigma V_m}{\gamma RT} \right) \cdot P_0$$

$V_m$  - молярный объем жидкости

$\gamma$  - кривизна поверхности.

$P_0$  - равновесное плоской поверхности давление.

б) на растворимость:

в ре-ре изм. потенциала происходит за счет изм. концентрации.

$$\mu' = \frac{2\sigma}{\gamma} V_m$$

$$\mu'' = RT \ln \frac{C(\gamma)}{C_0}$$

$$C(\gamma) = C_0 \exp \left( \frac{2\sigma V_m}{\gamma RT} \right), \quad C_0 - \text{равновесная пл. концентрация}$$

Капиллярная конденсация:

В тонких капиллярных порах конденсация происходит при меньших давлениях паров чем на открытой поверхности (если конденсат смачивает капилляры).

Изотермическая перегонка:

для  $\gamma > > \theta$  (молек. р-р)

$$C(\gamma) = C_0 \left( 1 + \frac{2\sigma V_m}{\gamma RT} \right)$$

$\gamma_{min}$  - радиус малых частиц  
 $\gamma_{max}$  - " больших частиц"  $\gamma_{min} < \gamma_{max} \Rightarrow C(\gamma_{min}) > C(\gamma_{max})$

За счет диффузии вещество переходит из малых частиц к большим.  
Процесс идет до тех пор пока система не перейдет в грубоисперсную с узким распределением по размерам.

скорость роста частиц

$$\frac{d\gamma}{dt} = \frac{\Delta C \varnothing V_m}{\bar{J}}$$

$\Delta C$  - пересыщение

$\varnothing$  - коэффи. диффузии

$\bar{J}$  - коэффи. ф.  $\gamma$ .

## №9. методы измерения $\sigma$ и сб. поверхности энергии тв. тел.

### a) статические методы

Основаны на изучении устойчивого равновесного состояния, к которому самопр. приходит изучаемая система.

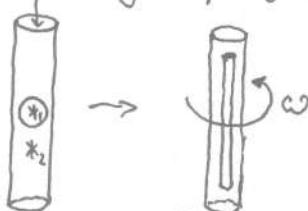
#### 1. капиллярного поднятия:

Основан на формуле Жордана  $H = \frac{2 \sigma_{\text{ср}} \cos \theta}{\gamma g (\rho' - \rho'')}$

$H$  - высота столба  
 $\gamma$  - радиус капилляра  
 $\rho'$ ,  $\rho''$  - пл. жидкости

Для более точного опр.  $H$  используют пару капилляров  $\rho''$  - пл. газа.

#### 2. метод вращающейся капли:



$$G = \frac{\omega^2 (\rho_1 - \rho_2) r^3}{4}$$

Позволяет опр. искаженные значения  $\sigma_{\text{ср}, \text{ср}}$

#### 3. метод Вильгельми

Пластина, смачиваемая испл. жидкостью, подвешивается к кривильным весам, измеряющим силу  $F$ .



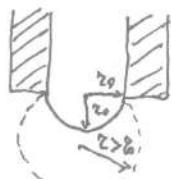
$$F = 2d\sigma \Rightarrow G = \frac{F}{2d}$$

удобен тем, что не требует поправок на форму мениска.

### b) полустатические методы

Изучают метастабильные равновесия и условия их разрушения.

#### 1. метод максимального давления:

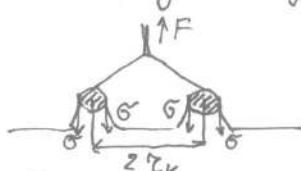


$$P_0 = \frac{2\sigma}{z} \quad \Delta P_{\text{max}} = \frac{2\sigma}{z_0}, \quad z_0 - \text{радиус капилляра.}$$

$$\Delta P_{\text{max}} = \frac{2\sigma}{z_0} \Rightarrow G = \frac{1}{2} \Delta P_{\text{max}} z_0$$

Значение  $\Delta P_{\text{max}}$  фиксируют по резкому снижению  $\Delta P$  после отрыва.

#### 2. метод Фю-Нуи



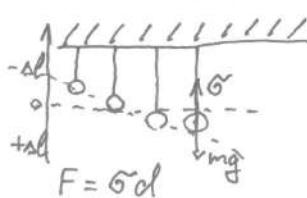
$$G = \frac{F}{4\pi z_k} K, \quad K - \text{числ. коэффиц. связанный с геометрией колца.}$$

#### 3. СТАЛАГМОМЕТРИЯ

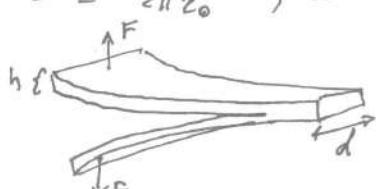
измеряется вес капли, в момент отрыва уравн. силами пов. напряжений.

$$P = \frac{2\pi z_0 \sigma}{K} \Rightarrow G = \frac{K P}{2\pi z_0}, \quad K - \text{числ. коэффиц.}$$

для тв. тел:



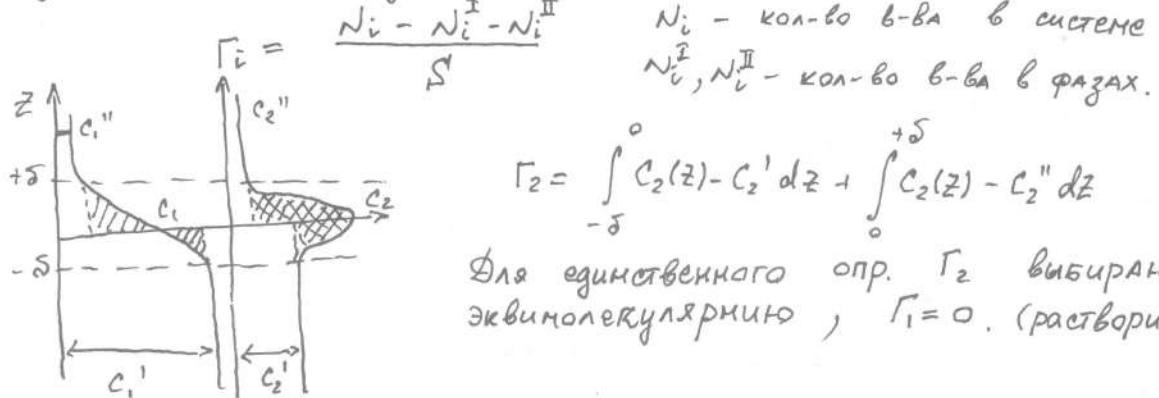
$d$  - толщина фольги



$$G = \frac{6(Fc l)^2}{E d^2 h^3}$$

N10 Основы  $T/g$  адсорбции на поверхности  $X/1$  и у-е Гиббса.

Адсорбция - самопроизвольное концентрирование вещества на границе фаз.



$$\Gamma_i = \frac{N_i - N_i^I - N_i^{II}}{S}$$

$N_i$  - кол-во б-ва в системе  
 $N_i^I, N_i^{II}$  - кол-во б-ва в фазах.

$$\Gamma_2 = \int_{-\delta}^0 C_2(z) - C_2' dz + \int_0^{\delta} C_2(z) - C_2'' dz$$

Для единственный опр.  $\Gamma_2$  выбирают поверхность эквимолекулярную,  $\Gamma_1 = 0$ . (растворителя).

Бытвог у-е Гиббса:

$$F = U - TS \Rightarrow U = F + TS \Rightarrow \tilde{E} = \tilde{G} + T\eta + \sum_{i=1}^n \mu_i \Gamma_i$$

$$\tilde{E}_S = \tilde{E} \cdot S = \tilde{G}S + \eta TS + \sum \mu_i \Gamma_i S$$

$$\tilde{E}_{S_S} = \tilde{G}S + TS_S + \sum \mu_i N_{iS}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} (a) d\tilde{E}_S = \tilde{G}dS + TdS_S + \sum \mu_i dN_{iS} \\ (b) d\tilde{E}_S = \tilde{G}dS + SdT + Td\tilde{G} + S_SdT + \sum \mu_i dN_{iS} + \sum N_{iS} \end{array} \right.$$

$$0 = SdT + S_SdT + \sum N_{iS}d\mu_i$$

Если измерения ведут в усл.  $T = \text{const}$ , то

$$\text{для глухих комп. системы } \Gamma_i = 0 \text{ (усл. эквимол.) и } d\mu = RT d \ln(dC)$$

$$d\tilde{G} = - \sum \Gamma_i d\mu_i$$

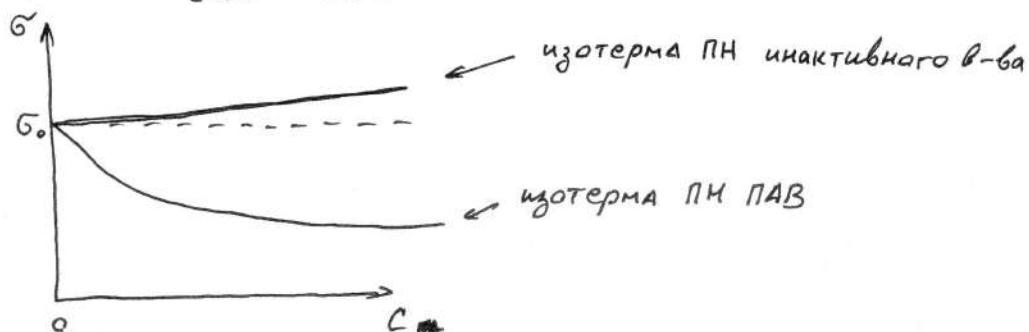
$$\Gamma_2 = - \frac{C}{RT} \frac{d\tilde{G}}{dC}$$

поверхностная активность:

$$G = \lim_{C \rightarrow 0} \left( - \frac{d\tilde{G}}{dC} \right)$$

N11. ПАВ и инактивные в-ва, относительность понятий повр. активность.

$$G = \lim_{c \rightarrow 0} \left( -\frac{dG}{dc} \right) \quad - \text{поверхностная активность}$$



Если записать у-е Гиббса:

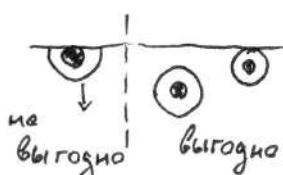
$$-\frac{dG}{dc} = RT\bar{\delta} \frac{c^{(s)} - c}{c}, \quad \text{то } G = RT\bar{\delta} \frac{c^{(s)}}{c}$$

для ПАВ  $\frac{c^{(s)}}{c}$  может быть сколь угодно большим.

Относительность:

для солей-электролитов (линия 2)  $\frac{dG}{dc} > 0 \Rightarrow \Gamma = -\frac{c}{RT} \frac{dG}{dc} < 0 \Rightarrow$

$$\Rightarrow G = RT\bar{\delta} \frac{c^{(s)} - c}{c} = -RT\bar{\delta}, \quad \text{и опр. толщиной гидратной оболочки иона}$$



ионы уходят из поверхностного слоя минимум на толщину гидратной шубы.

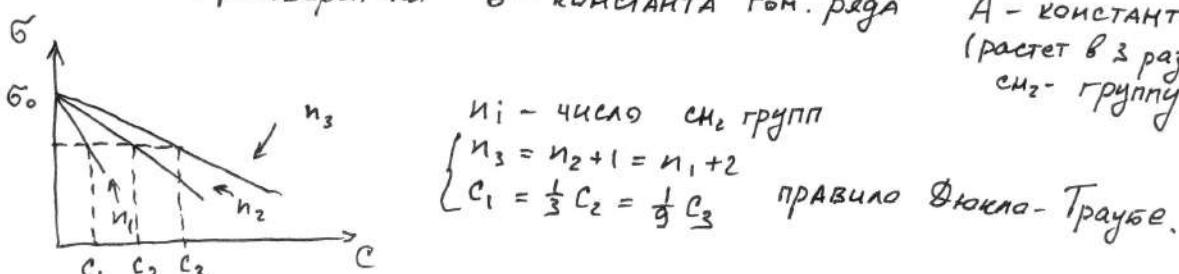
$H_2O$  - ПАВ отн. солей, но неактивна отн. спиртов  
спирты - ПАВ отн. воды, но неактивны отн. УВ ( $C_nH_{n+2}$ )  
За ПАВ принимается компонент с меньшим собственным поверхностным натяже-

N12. у-е Шишковского,  $\tilde{G} = f(c_{\text{ПАВ}})$ , пов. активность:

$$\tilde{G} = \tilde{G}_0 - B \ln(1 + Ac) \quad - \text{у-е Шишковского (эмпирическое)}$$

$\tilde{G}_0$  - ПН растворителя  $B$  - константа Гом. реда

$A$  - константа вещества  
(растет в 3 раза на одну новую  $CH_2$ -группу).



Если  $c \rightarrow 0$   $\tilde{G} = \tilde{G}_0 - Abc$  линейный начальный участок

Если  $c \rightarrow \infty$   $\tilde{G} = \tilde{G}_0 - B \ln(Ac)$

### N13. Теоретическое обоснование правила Фюкло - Граубе

Правило: Одно и тоже снижение поверхностного натяжения может быть достигнуто при концентрации следующего гомолога в 3-3.5 раза меньшей чем предыдущего.

Обоснование:

Запишем равенство потенциалов ПАВ в объеме и в растворе:

$$\mu_{os} + RT \ln C^{(S)} = \mu_0 + RT \ln C$$

$$RT \ln \frac{C^{(S)}}{C} = \mu_0 - \mu_{os} = W_{age}$$

Заменим  $\frac{C^{(S)}}{C} = \frac{A \Gamma_{max}}{\delta}$  т.к. почти все ПАВ у поверхности

$$W_{age} = RT \ln \frac{A \Gamma_{max}}{\delta} = RT \ln A + \underbrace{RT \ln \frac{\Gamma_{max}}{\delta}}_{\text{константа}}$$

С ростом  $A$  в 3-3.5 раза  $W_{age}$  растет на  $RT \ln(3-3.5)$  из физ. смысла

$$W_{age} = W_n + n W_{неп}$$

↑                      ↑  
 перенос            перенос "n"  
 поларной            СН<sub>2</sub> групп

правилу соотв. область линейной зависимости работы переноса.

### N14.

Основным методом изучения адсорбции ПАВ (растворимых) на границе вода-воздух является измерение поверхностного натяжения в зависимости от концентрации раствора и посл. анализ изотерм адсорбции.

a) y-е Шишкинского:  $\sigma = \sigma_0 - B \ln(1 + Ac)$

$$\frac{d\sigma}{dC} = - \frac{B A}{1 + Ac}$$

5) y-е Гиббса:  $\Gamma = - \frac{C}{RT} \frac{d\sigma}{dC}$

$$\Gamma = \frac{C}{RT} \cdot \frac{B A}{1 + Ac}$$

$$\Gamma = \frac{B}{RT} \cdot \frac{Ac}{1 + Ac}$$

$$\Gamma = \Gamma_m \cdot \frac{C}{\alpha + C} - y\text{-е Ленгмиора}$$

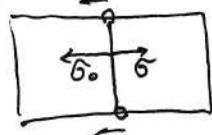
$\Gamma_m = \frac{B}{RT}$  — емкость мономолекулярного адсорбционного слоя

$\alpha = \frac{1}{A}$  — обр. коэффиц.  $A$  = константе адс. гипотетической реакции.

$\Gamma_m = \frac{1}{N_A S_1}$ ,  $S_1$  — площадь поларной головки ПАВ

$\delta = \frac{\Gamma_m M}{S}$  — толщина адс. слоя,  $S$  — плотность чистого ПАВ.

115. Адс. слои нерастворимых ПАВ, двумерное давление, типы пов. пленок.



$\Pi = G_0 - G$  — двумерное давление

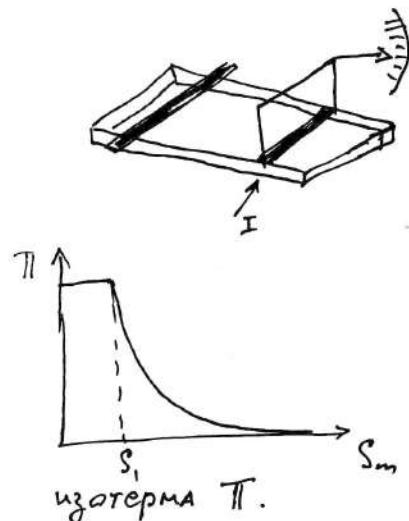
$$\Pi = RT \Gamma_m \ln \frac{\Gamma_m}{\Gamma_m - r} — у-е Ван-Лаора$$

Показывает, что величина двумерного давления зависит только от адсорбции и  $\Rightarrow$  может рассм. в случае слоев нерастворимых ПАВ.

Если  $c \rightarrow 0$   $\Pi = \Gamma R T$  (аналог у-я идеального газа).

Введем двумерный аналог объема газа  $S_m = \frac{1}{\Gamma}$ , тогда  $\Pi S_m = RT$  — 2x первое у-е Клапейр Менделеева.

Прибор Ленгмюра для изучения слоев нерастворимых ПАВ:



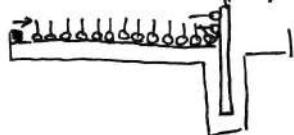
кювета с подв. барьером (I), связанным с динамометром подв. барьер (II) с фиксатором для шм. плоцади адсорбции. Зная  $S$  кюветы и  $\Pi$  барбера можно настичи  $\Pi$  и  $\Gamma$ , построить  $\Pi = f(\Gamma)$ .  
 $S_1$  — собственное сечение молекулы ПАВ

Типы пленок:

1. газообразные  $G$ -пленки (подчиняются уравнению идеального двумерного газа).
2. жидкокраспытные  $L_2$ -пленки (молекулы „лежат” на поверхности, толщина растет с ростом  $\Pi$ ).
3. жидкие  $L_1$ -пленки ( $\approx$  все молекулы „стоят” перп. границе, слой почти не сжимаем).
4. твердые  $S$ -пленки все молекулы стоят, слой насыщен и не сжимается, нет текучести).

Переходы между типами — обычный фазовый переход первого рода.

Пленки Ленгмюра — Блоджет:

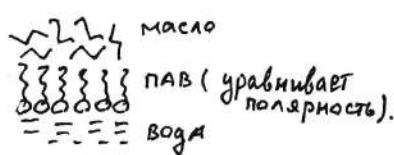


пластину поднимают (опускают) и одновременно поджимают к ней пленку ПАВ. операцию можно проводить многократно, получая слоистые структуры.

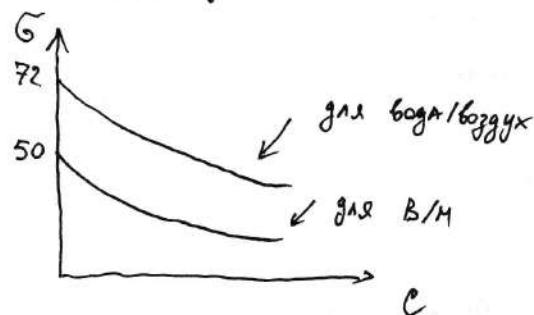
- a) оптимальный
- б) избыточный
- в) недостаточный

### N16. Адсорбция ПАВ на границе жидкостей, ГЛБ - молекул ПАВ.

Правило уравнивания полярностей (Ребиндера): На границе двух почти не смешивающихся жидкостей поверхностью активным будет вещество склоняющееся к границе.



для границы В/М справедлив закон Генри  $\frac{C_B}{C_M} = K$ ,  
у-е Шишковского  $\delta = \delta_0 - B \ln(1+Ac)$  и др. закономерности  
границы вода / воздух.



идут симметрично т.к. основной вклад в си. б. энтропийный (гидрофобные взаимодействия си. б. -  $H_2O$ ) и не зависит от природы второй фазы.

снижение от 72 до 50  $\frac{mN}{m^2}$  из-за частичной дисперсионной компенсации поверхности полярных сил.

Если ПАВ растворимо и в воде и в масле, то сущ. равновесие Генри и

$$\Gamma = -\frac{C_M}{RT} \frac{dG}{dC_M} = -\frac{C_B}{RT} \frac{d\delta}{dC_B} \Rightarrow G_M = G_B \frac{C_B}{C_M} = G_B \cdot K, \quad K - \text{коэф. распр.}$$

из-за малой растворимости в одной из фаз  $K$ -трудноизмеримо, для его замены ввели ГЛБ - эмпирический коэф.

$$ГЛБ = \sum_i \beta_i + \gamma, \quad \beta_i - \text{коэф. функц. группы}$$

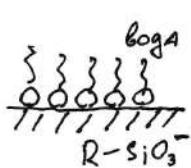
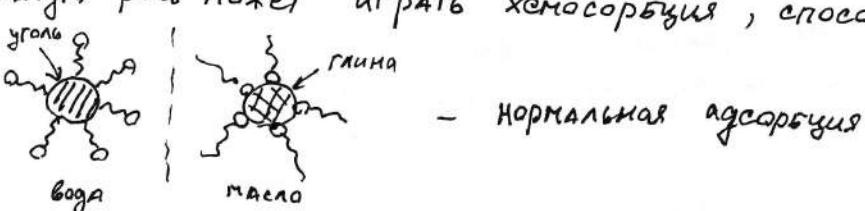
$$ГЛБ = \gamma + 0.36 \ln(\frac{C_B}{C_M}) - \text{своб. ГЛБ и } K.$$

Чем полярнее группа тем выше  $\beta$ ;  $-SO_3 Na \approx 40$

$\beta_i \approx W_{\text{пер}}$  (разное переноса группы из раствора к поверхности).

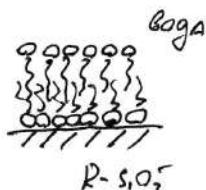
### N17. Адсорбция на границе \* / тв.тело

Справедливо правило уравнивания полярностей, но в отличие от \*/\* и \*/г граница важную роль может играть хемосорбция, способная обращать слои ПАВ.



хим. связи удерживают  
молекулы ПАВ хвостами  
в воду

$\Rightarrow$



далее добавление  
ПАВ идет стандартно

Способность ПАВ за счет хемосорбции модифицировать поверхность широко используют в технике (флотация и др.).

## N18. Классификации ПАВ.

а) По физ. воздействию на поверхность:

1. ПАВ на границе вода-воздух Смачиватели (высшие спирты) исп. для содр. пен.
2. ПАВ на границах конд. сред Диспергаторы (разные дифильты) исп. для упр. чуб. смачив.
3. Высокомолекулярные ПАВ обр. трехмерные структуры (гели) Стабилизаторы
4. ПАВ с максимальным действием Мицеллообразователи.

б) По хим. строению:

1. Органические
2. Неорганические
3. Элементоорганические

в) По заряду:

1. Анионные
2. Катионные
3. Цвиттерионные
4. Нейтрогенные

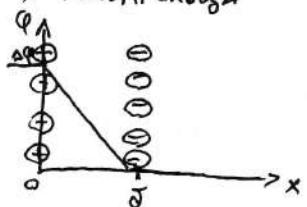
## N19 Причины образования ДЭС и представление о его строении.

Причины:

1. Избирательная адсорбция ионов щур-ра  $\text{AgI} + \text{I}^- \rightarrow [\text{AgI}_m \text{I}_x^-]$
2. Ионизация молекул поверхности тв. фазы  $\text{R-SiO}_3\text{H} \rightarrow \text{R-SiO}_3^-$
3. Поларизация поверхности внешним источником тока
4. Переход ионов металлов в р-р из-за электрохимического равновесия.

Модели:

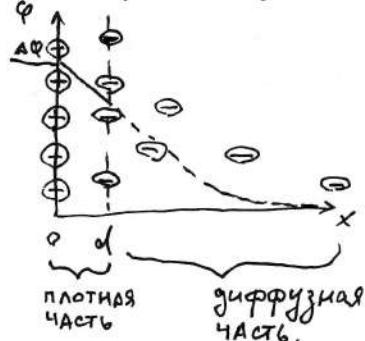
а) Гельмгольца



ДЭС - две параллельные обкладки плоского заряженного конденсатора  
 $\oplus$  - потенциал опр. ионы       $\ominus$  - противоположн., ионы оттеснены в  
 среду.  $\Delta\Phi$  линейно падает между обкладками.

$$\bar{n}_i = \bar{n}_{i0} + RT b_{ni} n_i + z_i e \varphi N_A \Rightarrow -d\varphi = \frac{kT}{z_i e} d \ln n_i - \text{у-е Фарадей.}$$

б) Современная



Слой состоит из плотной части (сл. Гельмгольца), иногда разделяется на внутр. (издегидр. ионов) и внешний (из гидр.) и диффузный слой

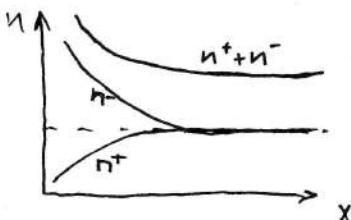
$$\rho_s = -\epsilon \epsilon_0 \left( \frac{d\varphi}{dx} \right)_{x=0} = \epsilon \epsilon_0 \frac{\varphi_0 - \varphi_d}{d} - \text{пов. плотность заряда}$$

$$C_d = \frac{\epsilon \epsilon_0}{d} - \text{емкость слоя Гельмгольца.}$$

распределение ионов в диффузном слое:  $n_i = n_{i0} \exp \left( - \frac{z_i e \varphi(x, y, z)}{kT} \right)$

N20. Плотная и диффузная части, изменение потенциала для слабо и сильно зар. повт

В плотной части падение потенциала линейно  $\varphi_s = -\epsilon \epsilon_0 \left( \frac{d\varphi}{dx} \right)_{x=0} = \epsilon_0 \epsilon_0 \frac{\varphi_0 - \varphi}{d}$



концентрация ионов в диффузной части.

$S_v = \sum_i n_i z_i e$  здесь  $S_v$  с расп. потенциала описывается у-ем Пуассона:

$$\epsilon \epsilon_0 \nabla^2 \varphi = -\rho_v = -\sum_i n_i z_i e$$

$$n_i = n_{i0} \exp\left(-\frac{z_i e \varphi(x, y, z)}{kT}\right)$$

$$\nabla^2 \varphi = -\frac{1}{\epsilon \epsilon_0} \sum_i z_i e n_{i0} \exp\left(-\frac{z_i e \varphi(x, y, z)}{kT}\right)$$

$$\frac{d^2 \varphi}{dx^2} = -\frac{1}{\epsilon \epsilon_0} \sum_i z_i e n_{i0} \exp\left(\frac{z_i e \varphi(x)}{kT}\right) - \text{у-е Пуассона - Больцмана для ДЭР.}$$

для решения уравнения поставим задачу Коши:

$$1. x=d \quad \varphi=\varphi_d \quad \left(\frac{d\varphi}{dx}\right)=\frac{\varphi_d}{\epsilon \epsilon_0} \quad - \text{граница с плотным слоем}$$

$$2. x \rightarrow \infty \quad \varphi \rightarrow 0 \quad \frac{d\varphi}{dx} \rightarrow 0 \quad - \text{объем раствора.}$$

у-е дает решение  $\operatorname{th} \frac{ze \varphi(x)}{4kT} = \operatorname{th} \frac{ze \varphi_0}{4kT} e^{-2x}$ ,  $x = \frac{1}{2} = \sqrt{\frac{2ze^2 n_0}{\epsilon \epsilon_0 kT}}$

В случае  $\frac{ze \varphi_0}{4kT} \ll 1$  (спр. для коллоидных систем)

$$\varphi(x) = \frac{4kT}{ze} \operatorname{th}\left(\frac{ze \varphi_0}{4kT}\right) e^{-2x} - \text{осн. уравнение диффузного слоя!}$$

a) слабозар. поверхность:

$$\frac{\varphi_0 ze}{4kT} \ll 1 \quad \text{также} \Rightarrow \varphi(x) = \frac{4kT ze \varphi_0}{ze 4kT} e^{-2x} = \varphi_0 e^{-2x} \quad \text{эксп. падение (классика).}$$

5) сильно зар. поверхность:

$$\varphi_0 > \frac{4kT}{ze} \Rightarrow \operatorname{th}\left(\frac{ze \varphi_0}{4kT}\right) \approx 1$$

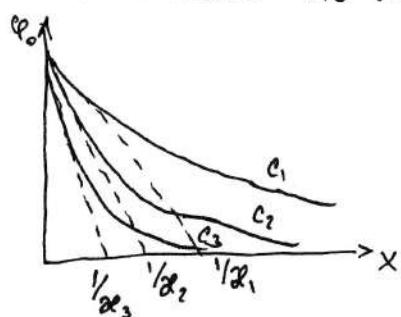
$$\varphi(x) = \frac{4kT}{ze} e^{-2x}$$

зависит от зарядов ионов, но для  $x \rightarrow \infty$  все равно эксп. падение. Это объясняется экранированием поверхности противоионами.

N21. Влияние электролитов на ØЭС, ионный обмен.

Уравнение для ØЭС:  $\Phi(x) = \frac{4\kappa T}{z\epsilon} \ln \left( \frac{z\epsilon\Phi_0}{4\kappa T} \right) e^{-\alpha x}$  зависит от конц. электролита через  $\alpha$ :  $\frac{1}{\alpha} = \delta = \sqrt{\frac{\epsilon \epsilon_0 \kappa T}{2 z^2 e^2 n_0}}$

$\delta$  характеризует резкость спада потенциала при удалении от зар. поверхности. Чем больше  $n_0$  (конц. электролита) тем быстрее падает потенциал.



$C_1 < C_2 < C_3 \Rightarrow$  электролит поджимает ионную атмосферу.

Ионный обмен: При изменении электролитного состава дисперсионной среды часть новых ионов может входить в двойной электрический слой и вытеснять в среду часть старых ионов.

Можно выделить два типа электролитов:

1. Имдифферентные - не меняют  $\Phi_0$ , только поджимают атмосферу
2. Иондифферентные - способны менять  $\Phi_0$ . Часто содержат специфически сорбирующие ионы.

Для инд. электролитов справедливо у-е Никольского:

$$\frac{C_1^{1/z_1}}{C_2^{1/z_2}} = K_{12} \frac{a_1^{1/z_1}}{a_2^{1/z_2}}, \quad K_{12} - \text{константа обмена}, \quad C \text{ и } a - \text{акт. и конц. ионов.}$$

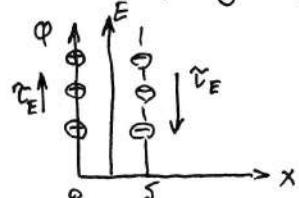
Лигатропные ряды - ряды падения акт. способности  $C_s^+ > Rb^+ > K^+ > Na^+ > Li^+$

Катиониты /Аниониты - б-ва обменивающие ионы в р-ре.

## N22/23. Электрокинетика, у-е Гельмгольца-Смолуховского для электрофореза.

Под действием внешнего электрического поля происходит перемещение вещества из-за наличия в нем разделенных зарядов.

Электрофорез - движение частиц дисперсной фазы под действием внешнего электр. поля.



При внесении плоского конденсатора в поле напр.  $E$  возникает сила притягивающая  $\oplus$  и отталкивающая  $\ominus$ , или напряжение сдвига  $V_E$ .

$$V_E = \frac{\epsilon \epsilon_0 \Delta \Phi E}{\delta}$$

в вязкой среде  $v_E = v_\eta = \eta \frac{dV}{dx}$  закон вязкого трения Ньютона

в наших условиях  $\frac{dV}{dx} = \frac{V_0}{\delta} = \text{const} \Rightarrow \frac{\epsilon \epsilon_0 \Delta \Phi E}{\delta} = \frac{\eta V_0}{\delta}$

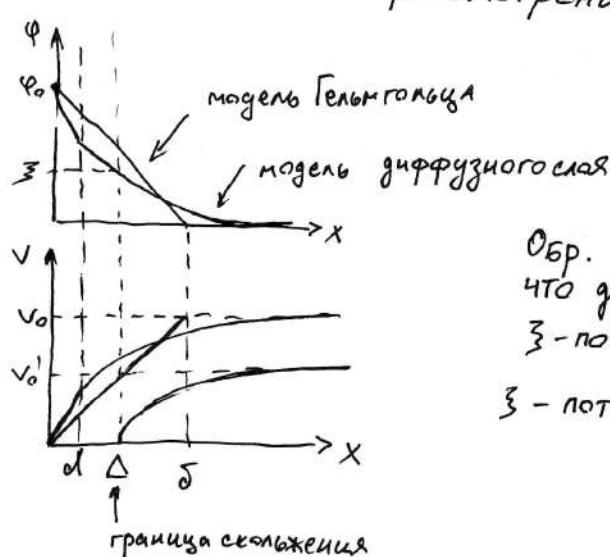
Электроосмос - движение дисперсной среды под действием внешнего эл. поля отн. дисп. фазы.

$$V_0 = \frac{\epsilon \epsilon_0 \Delta \Phi E}{\eta} - \text{у-е Гельмгольца Смолуховского для электроосмоса.}$$

Для электрофореза у-е Аналогично, но необходим коэффициент учитывающий форму частиц дисп. фазы

$$V_0 = K \frac{\epsilon \epsilon_0 \Delta \Phi E}{\eta}$$

В более точном рассмотрении  $\Delta \Phi$  заменяется на  $\xi$  - электрокинетический потенциал.



Обр. слой "закрепленной" жидкости приводит к тому, что движется не весь объем среды и это учитывается  $\xi$ -потенциалом, меньшим чем  $\Delta \Phi$ .

$\xi$  - потенциал границы скольжения.

N24. Влияние электролитов на электрокин. явления, строение мицелл граф. золей.

а) идиодифферентные (не меняют  $\phi$ , меняют  $\xi$ )

1. содержат аналоги противоионов исходного ФЭС. уменьшают  $\frac{1}{\alpha}$  (поджимают атмосф.)

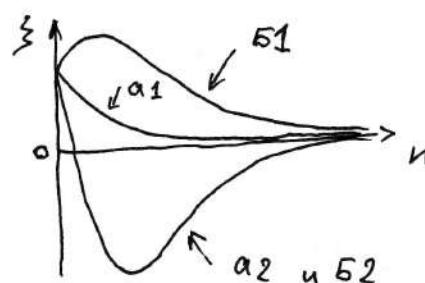
сжатие уменьшает  $\xi$  и электрокин. явления ослабевают.

2. содержат отличные от противоионов частицы. сначала также снижают  $\xi$ , но затем могут вызвать перезарядку и изменить знак  $\xi$ .

б) неидиодифферентные

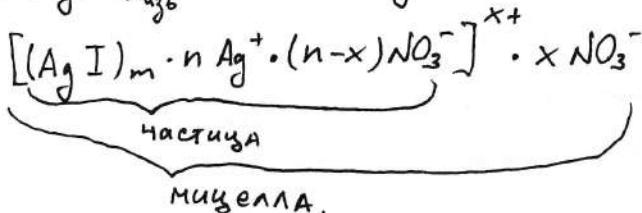
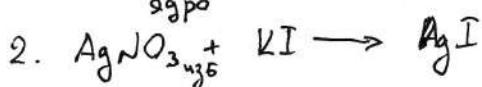
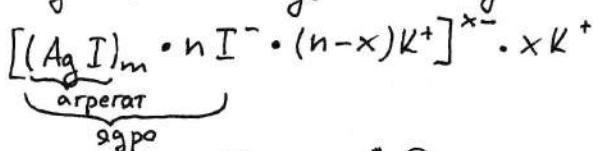
1. потенциал определяющие — сначала рост (заряд растет), затем спад (поджим. атм.,

2.  $\Theta$  потенциалопр. аналог — снижение, затем перезарядка и рост (пока не стан. поджиматься)



точка с  $\xi=0$  — изоэлектрическая точка.

Строение мицелл (на прим.  $\text{AgI}$ ):



## N25. Броуновское движение, теория Эйнштейна - Смолуховского.

Броуновское движение – хаотичное тепловое движение частиц дисп. фазы под действием ударов молекул дисп. среды (набл. отсутствие потоков в-ва и энергии).

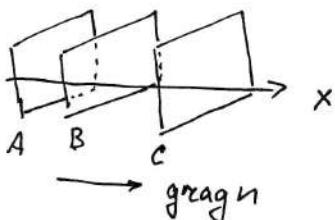
Выберем произвольную ось  $x$  и спроектируем на нее траектории частиц

$$\bar{\Delta x} = \sum_i \Delta x_i = \sum_i \frac{\Delta x_i}{N} = 0 \text{ т.к. знак произволен}$$

введен  $\xi = \sqrt{\bar{\Delta x}^2}$  – среднеквадр. смещение частиц ( $> 0$  всегда).

Теория Эйнштейна - Смолуховского:

Пусть есть столбик жидкости с  $\frac{dn}{dx} = \text{const}$  – градиентом концентрации.



за время  $\Delta t$  вправо через В перейдет  $\frac{1}{2} n_1 \xi$   
влево через В перейдет  $\frac{1}{2} n_2 \xi$

$$J_d = \frac{n_1 - n_2}{2 \Delta t} \xi \text{ – результат диффузионный поток.}$$

$$\frac{dn}{dx} = \frac{n_2 - n_1}{\xi}$$

||

$$J_d = -D \frac{n_2 - n_1}{\xi} \quad \xi \text{- м. Фика.}$$

$\xi^2 = 2D \Delta t$  у-е смысл имеет макро и микро свойства вещества.

далее было показано:  $K = \frac{6\pi\eta z}{T} \frac{\Delta x^2}{2\Delta t}$ ,  $N_A = R/K$  – способ опр. числа Абогадро.

## N26. Седиментационно-диффузионное равновесие:

a) Седиментация: вспл./оседание под действием разности плотностей.

$$F_1 = \frac{4}{3}\pi r^3 (\rho - \rho_0)g = m g \text{ – все частицы с Архимедовой поправкой.}$$

$$V_1 = \frac{m g}{B} = \frac{2r^2(\rho - \rho_0)g}{9\eta} \quad J_s = \frac{m g n}{B} \text{ – седимент. поток}$$

b) диффузия: перенос в-ва по градиенту концентрации.

$$F_2 = -KT \frac{d \ln n}{dz} \quad \text{вдоль оси } z \text{ одномерной системы.}$$

$$J_d = \frac{n F_2}{B} = -\frac{n KT}{B} \frac{d \ln n}{dz} = -\frac{KT}{6\pi\eta z} \frac{dn}{dz} = -D \frac{dn}{dz}, \quad D \text{ – коэффи. диффузии Фика.}$$

равновесие:

$$J_d + J_s = 0 \Rightarrow KT \frac{d \ln n}{dz} = -m g$$

$$d \ln n = -\frac{m g}{KT} dz$$

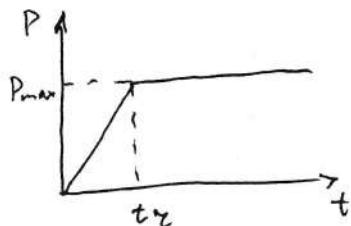
$$n(z) = n_0 \exp\left(-\frac{m g z}{KT}\right) \text{ – равновесное распределение частиц по высоте.}$$

N27. седиментационный анализ:

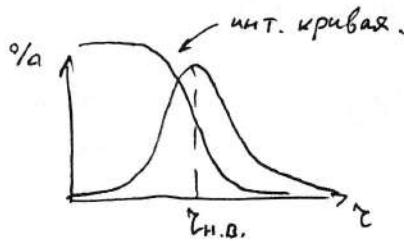
Скорость осаждения:  $v = \frac{2z^2(\rho - \rho_0)g}{9\eta}$

$$z = \sqrt{\frac{9\eta v}{2(\rho - \rho_0)g}} \quad \text{радиус частиц.}$$

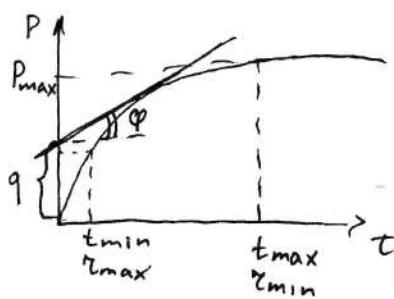
Если система монодисперсна, то



частицы оседают с одной скоростью



Если полидисперсна:



$$P = q + \frac{dP}{dt}t \quad - \text{у-е Сведберга}$$

q - вес частиц осевших к времени t  
 $\tg \Phi = \frac{dP}{dt}$

По этим данным строят кривые расп. по размерам.

N28. диффузия и её связь с размерами.

$$F = -KT \frac{d \ln n}{dz} \quad \text{диффузия вдоль одномерной оси.}$$

$$\mathcal{D}_d = \frac{nE}{B} = -\frac{nKT}{B} \frac{d \ln n}{dz} = -\frac{KT}{B} \frac{dn}{dz} = -\mathcal{D} \frac{dn}{dz}, \quad \mathcal{D} = \frac{KT}{B} = \frac{KT}{6\pi\eta z} \quad \text{коэффициент диффузии.}$$

условие равновесия с седиментацией:

$$\left. \begin{array}{l} M(z) = M_0 + RT \ln n(z) \\ M(z) + N_{A, \text{мег}} z = \text{Const} \end{array} \right\} \Rightarrow N_{A, \text{мег}} z + RT \ln n(z) = RT \ln M_0$$

$$\ln \frac{n(z)}{n_0} = -\frac{N_{A, \text{мег}} z}{RT}$$

$$n(z) = n_0 \exp\left(-\frac{N_{A, \text{мег}} z}{RT}\right)$$

$$z^{1/e} = \frac{KT}{N_{A, \text{мег}}} = \frac{\mathcal{D}}{V} \quad - \text{высота на которой число частиц убывает в } e \text{ раз}$$

$$\mathcal{D} = \frac{KT V}{N_{A, \text{мег}}} = \frac{KT V}{4/3 \pi r^3 (\rho - \rho_0) g^2}, \quad V = \frac{2z^2(\rho - \rho_0)g}{9\eta}$$

$$\mathcal{D} = \frac{KT}{6\pi\eta z g} \quad - \text{связь коэффициента диффузии с радиусом частиц и скоростью оседания.}$$

## N29. Оптические свойства ВС и методы изучения.

### a) Рассеяние по Релею:

условия:

1. частицы - сферы с  $d \approx \frac{1}{30} \lambda$  пад. света
2. частицы не окрашены, оптически изотропны
3. концентрация малая
4. можно не учитывать вторичное рассеяние.

Рассеяние из-за возникновения осциллирующего магнитного момента

$$I_v = 9\pi \left( \frac{n^2 - n_0^2}{n^2 + 2n_0^2} \right)^2 \frac{\bar{n} V^2}{R^2 \lambda^4} \sin^2 \varphi$$

$\lambda$  - пад. света,  $\bar{n}$  - конц. частиц  
 $n, n_0$  - показатели преломления

$R$  - расстояние до наблюдателя.

$\varphi$  - угол оси диполя и напр. рассеяния.  
 энергия  
 рассеянного  
 света в сфере.

$$R = \int_0^\pi I_v(\varphi) 2\pi R \sin \varphi R d\varphi = 2I_0$$

- яркость среды ( $I_0$ )

### 5) Каждущееся поглощение:

Если смотреть за спадом  $I(x)$ , то  $dI = -R dx = -I \tau dx$

$$I = I_0 e^{-\tau x} \quad - \text{з-и Бугера-Ламберт-Бера.}$$

## N30. Зародышесобразование в ВС.

Гомогенное:  $W = 4\pi \gamma^2 G - \frac{4}{3}\pi \gamma^3 \frac{M_\alpha - M_n}{V_m} =$

↑  
обр. новой  
поверхности

↑  
снижение  
потенциала  
из-за конд.

$$\frac{dW}{d\gamma} = 0 \Rightarrow \gamma_c = \frac{8G V_m}{M_\alpha - M_n} \quad \text{критический радиус зародыша.}$$

$$W_c = W(\gamma_c) = \frac{16\pi G^3 V_m^2}{3(M_\alpha - M_n)^2} \quad M_\alpha - M_n = RT \ln \frac{c_0}{c} \quad \begin{matrix} \text{пересыщ.} \\ \text{раствора.} \end{matrix}$$

Гетерогенное аналогично, но  $W_c$  снижается т.к. обр. зародыш меньшего объема, но та же радиуса.

## N31. Методы получения и очистки ВС.

1. лиофильные - самопроизвольное диспергирование и низкотемп.
2. лиофильные:

а) химические - восстановление ( $\text{Au, Ag}$  золы), окисление ( $\text{S, Fe(OH)}_3 \dots$ ), гидролиз, обменные реакции ( $\text{AgI}$  и др.), вспенивание (бетоны, хлеб).

б) физ.-химические - изменение расплава, смеш. растворителем, конденсация

в) физические - изтирание, дробление и т.д.

N32. Апофильные системы, T/g самопр. диспергирования по Ребиндера-Шукиму-

Апофильные системы - T/g стабильны

рассмотрим прирост энтропии:  $\Delta S = R \left( N_1 \ln \frac{N_1 + N_2}{N_1} + N_2 \ln \frac{N_1 + N_2}{N_2} \right)$ ,  $N_1$  - молей разы,  $N_2$  - молей среды.

$$\ln \left( 1 + \frac{N_1}{N_2} \right) \approx \frac{N_1}{N_2} \quad \text{если } N_1/N_2 \ll 1$$

↓

$$\Delta S = R \left( N_1 \ln \frac{N_2}{N_1} + N_2 \right) = RN_1 \left( \ln \frac{N_2}{N_1} + 1 \right) = R\beta_0 N_1$$

$$\beta_0 = \left( \ln \frac{N_2}{N_1} + 1 \right).$$

$$\Delta F = N_1 4\pi \gamma^2 \sigma - T \Delta S$$

$$\Delta F = N_1 4\pi \gamma^2 \sigma - RT \beta_0 N_1$$

$$y-e: \Delta F = 0 = 4\pi \gamma^2 \sigma = RT \beta_0$$

$$\sigma_c = \frac{RT \beta_0}{4\pi \gamma^2}$$

- крит. натяжение эмульсий.

Критерий Ребиндера - Шукима:

$$RS = \frac{\frac{1}{\sigma}}{B} = \sqrt{\frac{RK\Gamma}{4\pi \gamma^2}} \geq 5-10 \quad \text{соотв. самопр. диспергированию.}$$

N33. Мицеллообразование в водных и неводных средах, T/g процесс.

в воде



в масле



За счет амфифильности молекул ПАВ б' синхетася го  $\theta < \theta_c$  и начинает обр. устойчивых мицелл.

Термодинамика:  $m \text{ ПАВ} \rightleftharpoons \text{ПАВ}_m$

$$C_{\text{миц}} = K_{\text{миц}} C_m^m, \quad K_{\text{миц}} - \text{константа мицеллообр.}$$

$\alpha = \frac{m c_{\text{миц}}}{c_0}$  - степень мицелизации

$$\begin{cases} K < K_{\text{миц}} \Rightarrow \alpha = 0 \\ K \geq K_{\text{миц}} \Rightarrow \alpha = 1. \end{cases}$$

$$\Delta G = - \frac{RT}{m} \ln K_{\text{миц}}$$

$$K_{\text{миц}} \text{ соотв. } C_{\text{миц}}^* \text{ (эксп. опр. концентрации мицелл)} \quad K_{\text{миц}} = \frac{C_{\text{миц}}^*}{KKM^m} \Rightarrow$$

$$\Delta G_{\text{миц}} = - \frac{RT}{m} (\ln C_{\text{миц}}^* - m \ln KKM)$$

$$\Delta G_{\text{миц}} \approx RT \ln KKM.$$

$$\Delta H_{\text{миц}} = \frac{d(\frac{G}{T})}{d(\frac{1}{T})} = -RT^2 \frac{d \ln KKM}{dT} \quad \text{обычно чуть больше мицелл.}$$

Осн. фактор - энтропийный за счет разрушения "замороженных" структуры воды вокруг свободных углеводородных хвостов.

При росте с ПАВ: мицеллы  $\Rightarrow$  анизотропные миц.  $\Rightarrow$  ленты  $\Rightarrow$  гель  $\Rightarrow$  кристаллы.

N34. Мицеллобр. и сольбилизация в прямых и обратных эмульсиях.

Сольбилизация - включение в состав мицеллы третьего компонента, малорастворимого в дисперсионной среде. Прямая - УВ в водной миц. системе, обратная - полярное в-во в УВ мицеллярной системе.

$$S = \frac{V_{\text{сол}}}{V_{\text{миц}}} , \quad V_{\text{сол}} - \text{число молей сольбилизир. в-ва} \\ V_{\text{миц}} - \text{число молей ПАВ в миц. состоянии.}$$

Испл. показывают, что при введении УВ анизометричные мицеллы переходят в сферические за счет увеличения max. возможного диаметра.



$$\frac{d \ln S}{dT} = \frac{\Delta H_{\text{сол}}}{RT^2}$$

Сольбилизация полярных веществ: включаются в состав мицел наравне с ПАВ



схема мицеллы  
смеш. состава.

N35. Пены, получение и строение, устойчивость, применение.

Пена - дисперсия газа в жидкой дисперсионной среде. Типичная лиофобная система.

Основная характеристика - кратность пены  $K = \frac{V_{\text{пены}}}{V_{\text{жидк.}}}$

Структурная единица пены - ячейка (пентагональный додекаэдр), + тонкие пленки, в рёбрах - каналы Гиббса - Плато.

Устойчивость: низкая за счет изотермической перегонки, стекания жидкости и седimentации пузырьков и т.д.

Получение: диспергирование газа (пеногенераторы), получение газа  $(\text{NH}_4)_2\text{CO}_3 / \text{Хлеб}$ , и др.

Применение: флотация, пожаротушение, пенобетоны и др.

N36. Эмульсии , классификация, определение типа , устойч. и обращение фаз.

Эмульсии - дисперсные жидкости в жидкой дисперсионной среде. Могут быть скользугодно близки к лиофильным ВС. (Возможен случай самопр. эмульгирования).

Прямая - дисперсионная среда более полярна  
Обратная - дисп. среда менее полярна.  $\uparrow$  возможно обращение фаз.

Получение: дисп. жидкости (дисп. средой становится та жидкость которой больше, если жидкостей поровну - тип определяется строением ПАВ согласно теории Клима.



- образует прямые



- образует обратные.

Определение типа: по электропроводности, по спектрам сол. красителя и т.д.

Разрушение: коалесценция ± изотермическая перегонка.

N37. принцип подбора эмульгаторов , коалесценция.

ПАВ с большим ГЛБ - стаб. прямых эмульсий  
с самым большим - мицеллообразующие  
ПАВ с малым ГЛБ - стаб. обратные эмульсии }  $\approx$  правило Банкрофта.

Коалесценция: слияние капель с обр. новой большего диаметра.

N38. седимент. и агрегативная устойчивость О.С.

Седимент. устойчивость - способность противостоять процессам снижающим  $\Delta F$  за счет оседания в поле силы тяжести.

агрегативная уст-ть -  $\Delta F$  за счет уменьшения поверхности раздела.

коалесценция :  $\Delta F \approx \sigma \Delta S$

коагуляция :  $\Delta F \approx$  частичной компенсацией дисп. сил поверхности.

$$\Delta F \approx \frac{1}{2} Z N k_e, \quad k_e = \frac{A^*}{12\pi h_0}, \quad h_0 - \text{толщина прослойки.}$$

Пептизация : ведет к росту энтропии из-за броуновского движения.

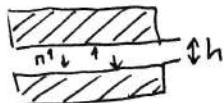
$$\Delta S \approx \beta^* N K, \quad \beta^* = \ln \frac{n_a}{n_n} \leftarrow \begin{matrix} \text{число част. в агрегате} \\ \text{число част. в р-ре.} \end{matrix}$$

$$\Delta F = 0 \Rightarrow \frac{1}{2} Z N k_e - \beta^* N K T = 0$$

$$k_e < \frac{\beta^* K T}{\frac{1}{2} Z} \approx (10-15) K T. \quad \text{условие пептизации.}$$

N39. Факторы агрегативной устойчивости (см 38).

N40. Тонкие пленки (пеневые, эмульсионные).



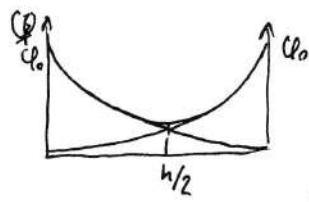
устойчивость  $T/g$  и кинетическая

1. Перекрытие зон (толщиной  $\delta$ ) ведущее к частичной дист. компенсации,

$\tilde{\sigma}_{\text{пл}} = 2G + \Delta\tilde{\sigma}_{\text{пл}} \Rightarrow \Delta\tilde{\sigma}_{\text{пл}} = \tilde{\sigma}_{\text{пл}} - 2G$  изб. напряжение можно ввести

расклинивающее давление  $\Pi(h)$ :  $\Pi(h) = -\frac{dF_{\text{пл}}}{dh}$

$$\Pi_{\text{пл}} = -\frac{dU_{\text{пл}}}{dh} = \frac{d}{dh}\left(\frac{A^*}{12\pi h^2}\right) = -\frac{A^*}{6\pi h^3}$$



$$\varphi(h/2) = 2\varphi_0(h/2), \quad \varphi(h/2) = \frac{8kT}{ze}\mu e^{-\frac{ze\mu}{2}}, \quad \mu = th\left(\frac{ze\varphi_0}{4kT}\right)$$

$$\Pi_{\text{пл}} = 64n_0kT e^{-ze\mu}$$

$$\boxed{\begin{aligned} \Pi_{\text{пл}} &= 64n_0kT e^{-ze\mu} - \frac{A^*}{6\pi h^3} \\ \Delta F_{\text{пл}} &= \frac{64n_0kT \mu^2}{ze} e^{-ze\mu} - \frac{A^*}{12\pi h^2} \end{aligned}}$$

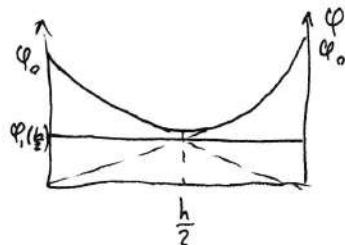
N41. структурно-мех. барьер Ребиндера.

Покрытие поверхности раздела фаз адс. слоем ПАВ, способных обр. гелеобразные структуры лиофилизует поверхность.

Факторы:

1. мех. прочность и устойчивость поверхности (сопр. деформации).
2. лиофильность новой поверхности.
3. стерический фактор (упругое отталкивание).

## N42. ΔΔΦ₀, коагуляция электролитами.



$$\Phi\left(\frac{h}{2}\right) = 2\Phi_0\left(\frac{h}{2}\right)$$

$$\nabla^2 \Phi = -\frac{1}{\epsilon \epsilon_0} \sum z_i e n_{i0} \exp\left(-\frac{w_i}{kT}\right) = -\frac{1}{\epsilon \epsilon_0} \sum z_i e n_{i0} \exp\left(-\frac{ze \Phi(x,y,z)}{kT}\right)$$

$$\frac{d^2 \Phi}{dx^2} = -\frac{1}{\epsilon \epsilon_0} \sum z_i e n_{i0} \exp\left(-\frac{ze \Phi(x)}{kT}\right)$$

краевые условия:

$$\begin{aligned} a) & x=0 \quad \Phi=\Phi_0 \quad \left(\frac{d\Phi}{dx}\right)_{x=0} = \frac{1}{\epsilon \epsilon_0} \beta \sigma \\ b) & x \rightarrow \infty \quad \Phi \rightarrow 0 \quad \frac{d\Phi}{dx} \rightarrow 0 \end{aligned} \quad \left. \begin{array}{l} \text{+ переход к гип. функциям} \\ \text{+ переход к гип. функциям} \end{array} \right\}$$

$$\tanh\left(\frac{ze \Phi(x)}{4kT}\right) = \tanh\left(\frac{ze \Phi_0}{4kT}\right) e^{-\alpha x}$$

1.  $\Phi_0$  мало:

$$\Phi(x) = \frac{4kT}{ze} \cdot \frac{ze \Phi_0}{4kT} e^{-\alpha x}$$

$$\Phi(x) = \Phi_0 e^{-\alpha x}$$

$$\alpha = \sqrt{\frac{2z^2 e^2 n_0}{\epsilon \epsilon_0 kT}} - \text{обр. толщина ионной атм.}$$

2.  $\Phi_0$  велико:  $\Phi(x) = \frac{4kT}{ze} e^{-\alpha x}$

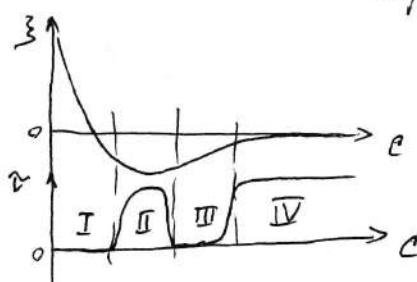
коагуляция:

$$n_c = \frac{(\epsilon \epsilon_0)^3 f^4 (kT)^5}{(A^*)^2 (e z)^6} - \text{конц. при которой коагулирует}$$

правило Шульца - Гарди:  $M^+ / M^{2+} / M^{3+}$

$1 / 0.015 / 0.0016$  (частный случай  $n_c$ )!

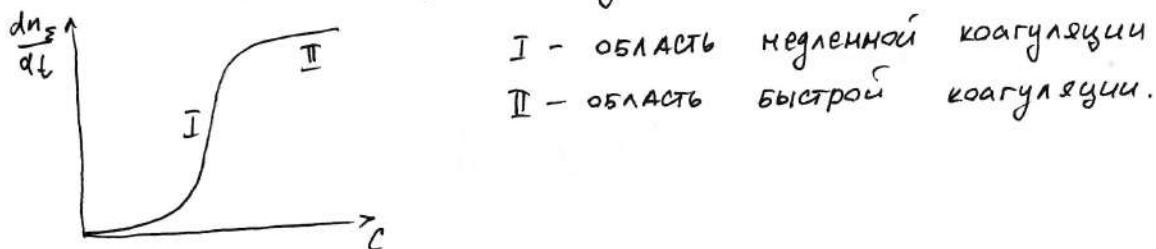
N43. Влияние электролитов на  $\xi$ , зоны коагуляции.



I, III - зоны устойчивости  
II, IV - зоны коагуляции.

вторая зона из-за перезарядки поверхности электролитами

#### N44. Кинетика быстрой коагуляции.



Из-за столкновения двух частиц в области быстрой коагуляции обр. одна частица с вероятностью 100%  $\Rightarrow$  конц. дифф. уравнение:

$$\frac{dn}{dt} = -n^2 k$$

его решение:  $n = \frac{n_0}{1 + t/t_k}$ ,  $t_k = \frac{1}{kn_0} = \frac{3\eta}{8n_0 kT}$  время половины коагул.

К коагуляции приводят все столкновения из-за броуновского движения и тока / оседания в потоке среды.

N45 Структурообр. в дисп. системах, основные типы структур.

Структурообразование - результат самопроизвольно протекающих процессов агрегации частиц, приводящих к снижению ~~поверхностной~~ энергии частиц.

Основная характеристика  $P_c [H/m^2]$  - прочность материала

типы:

а) Глобулярный - скопуность шариков, связанных только в местах контактов

$$P_c = \chi P_i, \quad \chi - \text{число контактов в единице площади поверхности разрушения}$$
$$P_i - \text{прочность инд. контакта}$$
$$\chi \approx \frac{1}{(2\gamma)^2}$$

б) Ячеистый - в отверженных пенах и конденсатах полимеров

в) Волокнистые - при анизотропных условиях структурообразования

г) Компактные микрогетерогенные структуры (композиты, кости, древесина).

N46. ДС с фазовыми контактами их обр. и свойства.

В фазовых контактах в непосредственное соприкосновение приходит площадь  $\varphi \gg$  молекулярных ( $10^2 - 10^3$  атомных ядер). Сцепление обеспечивается силами когезии



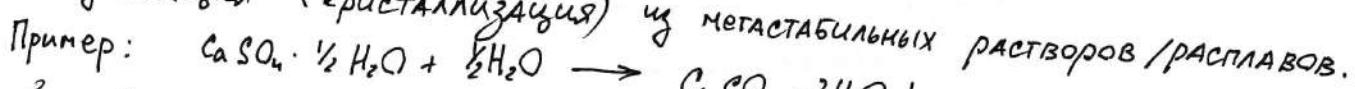
Переход подобен границе зерен макроразмера

$$P_f \approx \frac{10^2 e^2}{8^2 \pi \epsilon_0} \sim 10^{-7} H \text{ для одного фазового контакта.}$$

Фазовые контакты разрушаются и образуются необратимо  
Образование:

а) спекание и прессование порошков

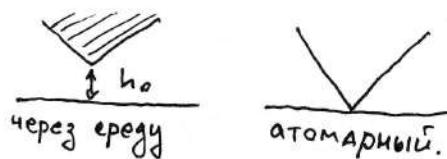
б) конденсация (кристаллизация) из метастабильных растворов/расплавов.



Золь/гель технология синтеза силикатных носителей.

## N47. Коагуляционные структуры, природа контактов, тиксотропия.

В коагуляционных структурах взаимодействие частиц ограничивается их соприкосновением через прослойку дисперсионной среды или отг. атомарными контактами.



$$\chi_c \approx \frac{A^* \gamma}{12 h_0}$$

$h_0$  - толщина зазора  
 $\gamma$  - радиус кривизны в т. контакта

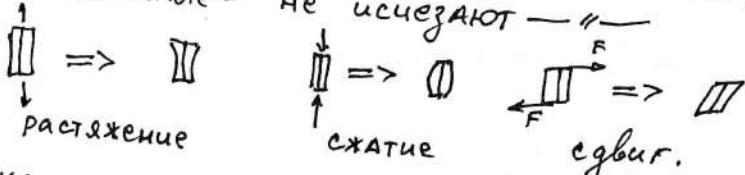
Для таких контактов, виду дисперсионной природы, характерна невысокая механическая прочность  $P \approx \chi_c h_0$  и обратимость при мех. обработке (тиксотропия).

Введение ПАВ (усиление сродства к дисперс. среде) снижает  $\chi_c$  и, следовательно снижает прочность контакта. Если  $\chi_c \ll kT$ , то система лиофилизируется и преобретает агрегативную устойчивость.

## N48. Основы реологии, модели упругого, вязкого, пластичного поведения.

Реология - наука изучающая деформации и текучесть тел.

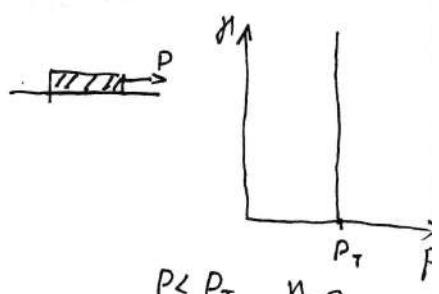
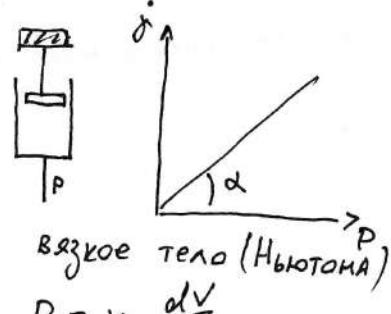
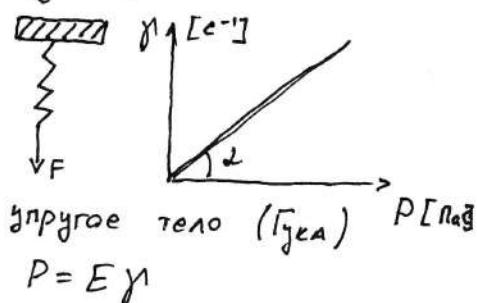
деформации - изменение формы тела без нарушения сплошности  
 а) упругие - исчезают при снятии нагрузки  
 б) остаточные - не исчезают —



### Аксиомы реологии:

- При равномерном всестороннем сжатии все тела ведут себя как идеально упругие
- Любая физ. система обладает полным набором реологических свойств: упругость, пластичность, вязкость, прочность.

Модели:



### N49. Реологические свойства свободнодисперсных систем у-я Ньютона и Бингама.

Вязкость разбавленных свободнодисперсных систем определяется главным образом вязкостью дисперсионной среды (может быть от  $10^{-5}$  Па·с до  $10^{20}$  Па·с).  
 аэродин. стекло

С ростом конц. дисперсной фазы она начинает влиять.

у-е Эйштейна:

$$\frac{\eta - \eta_0}{\eta_0} = K\varphi$$

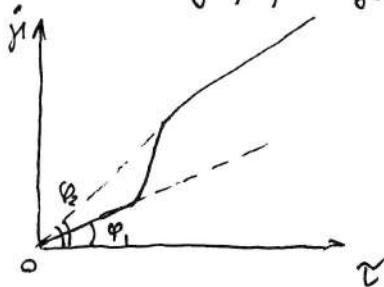
$\eta$  - вязкость частиц  
 $\eta_0$  - вязкость среды  
 $\varphi$  - объемная доля частиц

$K$  - коэффи. формы частиц  
 $\approx 25$  для сферических

у-е Ньютона:

$$P = \eta \frac{dV}{dy} = \eta \frac{d^2x}{dt dy} = \eta \frac{dx}{dt} = \eta \dot{x}, \quad \dot{x} - \text{скорость деформации сдвига.}$$

Если молекулы / частицы дисп. фазы могут заметно искривляться из-за деформаций, то вязкость системы не снижается, а растет с увеличением скорости деформации - такие системы называются неニュ顿овскими (аномалии).

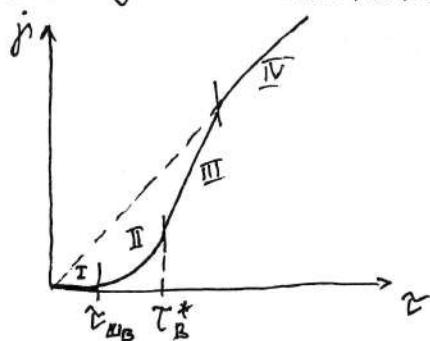


$$\operatorname{ctg} \Phi_1 = \eta_{\max}$$

$$\operatorname{ctg} \Phi_2 = \eta_{\min}$$

### N50/51. Реологические свойства сверхдисперс. систем, уравнения Бингама.

Изменяются в широком интервале от подобных твердым телам (структуря не разрушена) до подобных ньютоновским жидкостям (структуря полностью разрушена).



полная р. кривая сверхдисперс. системы (с коагуляционными контактами!)

- I - малый сдвиг, система ведет себя как тв.тело
- II - медленное вязкопластическое течение по Шведову (структуря почти не нарушена).
- III - контакты разрушаются, усиливается вязкое течение (по Бингаму)
- IV - структура разрушена и система ведет себя как ньютоновская жидкость.

у-е Бингама:

$$\tau - \tau_B^* = \eta_B \dot{x}$$

$$\eta_{\text{эфф}} = \frac{\tau}{\dot{x}} = \eta_B \frac{1}{1 - (\tau_B^*/\tau)}$$

Время между полным восст. разрушенной структуры и снятием разрушающего воздействия -  $t_T$  (период тиксотропии).

N52.

Эффект Ребиндера — снижение механической прочности среды из-за обратимых физико-химических взаимодействий с жидкостью фазой.

Причина — снижение свободной поверхностной энергии за счет дисперсионного взаимодействия с жидкостью (снижается работа образования новой поверхности).

Факторы:

1. химическая природа среды и твердого тела
2. реальная (дефектная) структура твердого тела
3. условия проведения опыта (сила и напр. воздействия, длительность и др.).

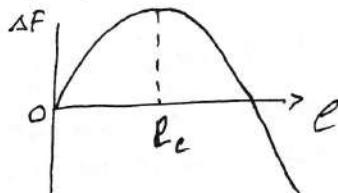
$$\omega_{\text{упр}} = \frac{P^2}{2E} - \frac{\text{упр. энергия деформации}}{P} , P - \text{напряжение на разрыв.}$$

$$\Delta F_{\text{упр}} \sim - \frac{P^2 l^2}{2E} , l - \text{длина трещины}$$

$$\Delta F \sim 2G l - \frac{P^2 l^2}{2E}$$

↑  
рост  
энергии ч-за  
обр. пов.  
↑  
уменьшение  
энергии ч-за  
снятие упр. напр.

$$l_c \sim \frac{4EG}{P^2}$$



Трещины с  $l > l_c$  вызывают макроск. разрушение  
 $l < l_c$  заливаются

$$P_0 \sim \sqrt{\frac{4EG}{l^2}} \text{ реальная прочность тв. тела}$$

$$P_{\text{иг}} \sim \frac{G}{l} \sim E \sim \sqrt{\frac{6E}{l}} \text{ идеальная прочность твердого тела}$$

↓

$$\frac{P_0}{P_{\text{иг}}} = \sqrt{\frac{6}{l}} , l - \text{длина трещины}$$

$\downarrow$  — Гриффитса.

6 — межатомное расстояние