Задачи-примеры

1. Рассчитайте активность электролита и среднюю ионную активность в 0.1M растворе $CaCl_2$, если средний ионный коэффициент активности равен 0.518.

Решение

$$a_{\pm} = \gamma_{\pm} m_{\pm} = \gamma_{\pm} \left(m_{+}^{n_{+}} m_{-}^{n_{-}} \right)^{1/(n_{+}+n_{-})} = 0.518 \cdot \left(0.1^{1} \cdot 0.2^{2} \right)^{1/3} = 0.0822$$

$$a_{CaCl_{2}} = \left(\gamma_{\pm} m_{\pm} \right)^{n_{+}+n_{-}} = 0.0822^{3} = 5.56 \cdot 10^{-4}$$

$$\underline{Otbet}: a_{\pm} = 0.0822, a_{CaCl_{2}} = 5.56 \cdot 10^{-4}$$

2. Рассчитать моляльность раствора $Al_2(SO_4)_3$, имеющего ионную силу 1 моль/кг.

Решение

$$I=\frac{1}{2}\Big(m_{_{AI^{^{3+}}}}\cdot 3^2+m_{_{SO_4^{2^-}}}\cdot 2^2\Big)=\frac{1}{2}\Big(2m\cdot 3^2+3m\cdot 2^2\Big)=15m$$
, где $m-$ моляльность раствора. Отсюда $m=I/15=0.066$ моль/кг.

Ответ: 0.066 моль/кг

3. Растворимость AgCl в воде при 25° C равна $1.274\cdot10^{-5}$ моль/кг. Рассчитать: а) стандартную энергию Гиббса для реакции AgCl_(тв) = Ag⁺_(aq) + Cl⁻_(aq); б) растворимость AgCl в 0.020 моль/кг водном растворе K_2SO_4 .

Решение

а) Константа равновесия для реакции
$$AgCl_{(TB)} = Ag^{+}_{(aq)} + Cl^{-}_{(aq)}$$
 равна

$$K = a(Ag^+) \cdot a(Cl^-) = \gamma_+^2 \cdot m^2$$

Ионная сила раствора

$$I = m = 1.274 \cdot 10^{-5} \text{ моль·кг}^{-1}$$
.

Тогда

$$\lg \gamma_{\pm} = -0.509 \cdot 1 \cdot 1 \cdot \sqrt{1.274 \cdot 10^{-5}} = -1.82 \cdot 10^{-3}$$
, откуда $\gamma_{\pm} = 0.996$

Следовательно

$$K = 0.996^2 (1.274 \cdot 10^{-5})^2 = 1.61 \cdot 10^{-10}$$

Отсюда

$$G^{o} = -RT \ln K = 55.9 \text{ кДж/моль}$$

б) Ионная сила
$$0.020$$
 моль/кг раствора K_2SO_4 $I=0.5\cdot(2\cdot0.020\cdot1^2+0.020\cdot2^2)=0.060$ моль/кг Тогла

$$\lg \gamma_{\pm} =$$
 -0.509 · 1 · 2 · $\sqrt{0.060} =$ - 0.249 , откуда $\gamma_{\pm} = 0.564$

Растворимость AgCl

$$m = \sqrt{K} = \sqrt{1.61 \cdot 10^{-10}} / 0.564 = 2.25 \cdot 10^{-5}$$

4. Стандартный электродный потенциал пары Cu^{2+}/Cu равен +0.337B, а пары $Cu^{+}/Cu +0.521B$. Рассчитайте стандартный электродный потенциал пары Cu^{2+}/Cu^{+} .

Решение

Рассчитаем энергии Гиббса приведенных полуреакций

$$Cu^{2+} + 2e^{-} = Cu$$
 $\Delta G^{0} = -nE^{0}F = -2 \cdot 0.337 \cdot 96485 = -65031$ Дж / моль

$$Cu^+ + e^- = Cu$$
 $\Delta G^0 = -nE^0 F = -1 \cdot 0.521 \cdot 96485 = -50269 Дж / моль$

Вычитая, получаем

$$Cu^{2+} + e^{-} = Cu^{+}$$
 $\Delta G^{0} = -nE^{0}F = -1 \cdot E^{0}_{Cu^{2+}/Cu^{+}} \cdot 96485 = -14762$ Джс/ моль

откуда

$$E^0_{Cu^{2+}/Cu^+} = 0.153B$$

OTBET:
$$E_{Cu^{2+}/Cu^{+}}^{0} = 0.153B$$

5. Известны стандартные потенциалы следующих полуреакций

$$Ag^{+} + e^{-} = Ag$$
 $E^{0} = 0.7792B$
 $AgBr + e^{-} = Ag + Br^{-}$ $E^{0} = 0.0732B$

Рассчитайте растворимость бромида серебра в воде при 298К.

Решение

Найдем энергию Гиббса реакции $AgBr = Ag^+ + Br^-$

$$\Delta G^0 = -1 \cdot 0.0732 \cdot 96485 - (-1 \cdot 0.7792 \cdot 96485) = 70050$$
Джс / моль

$$\Delta G^0 = -RT \ln K$$
, откуда

$$K = a_{Ag^{+}} a_{Br^{-}} = 5.26 \cdot 10^{-13}$$

Пренебрегая различием между активностью и концентрацией, получим, что растворимость равна

$$m = \sqrt{K} = 7.25 \cdot 10^{-7}$$
 моль/кг

 $\underline{\text{Ответ}}$: $7.25 \cdot 10^{-7} \, \text{моль} \, / \, \text{кг}$

6. Рассчитайте ЭДС гальванического элемента

$$Cu\mid 0.01M\;CuSO_4\,\|\;0.1M\;CuSO_4\mid Cu$$

при 298 К и запишите уравнение реакции результирующего процесса. Стандартный электродный потенциал пары Cu^{2+}/Cu равен +0.337B.

Решение

Рассчитаем потенциалы анода и катода

$$E_A = E_{Cu^{2+}/Cu^+}^0 + \frac{0.0592}{2} \lg 0.01 = 0.2778B$$

$$E_K = E_{Cu^{2+}/Cu^{+}}^0 + \frac{0.0592}{2} \lg 0.1 = 0.3074B$$

ЭДС равна

$$\varepsilon = E_K - E_A = 0.0296B$$

Результирующим процессом будет растворение анода и осаждение такого же количества меди на катоде до выравнивания концентраций ионов меди в прианодном и прикатодном пространстве, поэтому формально этому гальваническому элементу не соответствует никакая окислительно-восстановительная реакция. Гальванические элементы, в которых разность потенциалов создается за счет различных концентраций окисленной или восстановленной формы в прианодном и прикатодном пространстве, называют концентрационными.